

Iisdem igitur datis, jungatur A1, & producatur in S, donec AS fiat aequalis AH, junctaque HS, & bisecta IS in M, ducatur per M recta RMQ normalis ad HS, in quam cadat ex A normalis A2, & cui parallelus ducatur radius AC. Tum factis tribus proportionalibus IA, A2, AE, fiat ut SA ad AE, ita MQ ad AD, & RS ad AP (in recta A2 versus Q;) & in eadem ab alia parte sumatur DO aequalis DC. Demum, bisecta PD in X, inclinetur per X, angulo semi-recto ad AX, recta VXL, occurrens normalis in D recte in puncto V, & in quam ex O cadat normalis OB. Ajo, si fiat ut VX ad XB, ita XB ad BL, punctum L esse verticem, LV axem, XV latus rectum Parabolæ, que Problemati satis facit omni casu; secans nimirum Circulum datum in punctis K, quorum supremum & infimum ad Problema Alhazenianum pertinent, reliqua ad aliud, de quo nuper ad te scripsi.

Datur, ut supra indicavi, alia quoque Parabola, que cum hac paria facit, & cujus descriptio ex hæc adeò facile deducitur, ut novâ non sit opus. Sumatur enim Ad, in directum DA, & ipsi aequalis, & in directum OA, ipsi quoque aequalis, Aw. Tum bisecta Ps in ξ, ducatur per ξ recta ✕ ξβ, normalis ad XB, concurrens cum δ, normali ad OA, in ε, & in quam cadat normalis ✕ β; ac fiat ut ✕ ξ ad ξβ, ita hec ad βλ: Erit λ vertex, λξ axis, λξ latus rectum Parabolæ, que in iisdem cum priore punctis Circulum datum secabit. Sed de Problemate Alhazeni jam plus quam satis. Vale, &, quo soles affectu, tui semper observantissimum porrò prosequi perge. Dub. Leodii prid. Kal. Septemb. CICLOCLXXII.*

Epistola Doct. Johannis Wallisi, PRIMAM Inventionem & Demonstrationem Aequalitatis lineæ Curvæ Paraboloidis cum Recta, anno 1657. factam, Dn. Guilielmo Neile p. m. afferens; proximeque Dn. Christophoro Wren Equiti, Inventionem lineæ Rectæ aequalis Cycloidi ejusque partibus, anno 1658.

Clarissimo Viro, Henrico Oldenburg; Johannes Wallis S. Octob. 4.
1673. Oxoniæ.

Clarissime Vir,

Quod ad Rectificationem istius Curve spectat, quam ego Paraboloidem Semicubicalē appellare soleo; omnino errat Cl Hugenius (pag. 71, Horologii Oscillatori) cum ejus inventionem primam tribuit Johanni Heuratio Harlemani, Anno 1659. Quippe certum est, eandem Biennio prius invenisse & demonstrasse Guilielmum Nélium Anglum, Equitis Pauli filium: Et, post illum, id ipsum demonstrasse (ne plures nominem) Honoratissimum D. Vice-comes Brounckerum, & Cl. Wrennum, Anglos; circiter menses junii, Julique, Anni 1657. atque rem jam tum apud nostrus notissimum fuisse; uposte inter eos (Geometras alioque,) qui (Soc etatis Regiae appellationem nondum adepti, tum solebant in Greshamensi collegio (post habitas ibidem prælectiones Mathematicas) statim diebus convenire, publicatam & cum prius acceptam. Idque mihi literis suis, Augusto madie tum sequente, a me Oxonium datis, indicavit Honoratissimus D. Vice-comes Brounker;

juarez

(namque simul demonstrationem tunc misit; ipsissimam illam, quam, Latinè redditam, (ne verbulo, quod sciam, mutato) meamque simul (quaè paulò serius secuta erat,) in meā ad Cl. Hugenium epistolā, tractatui de Cycloide subjunctā, pōst edidi Anno 1659, pag. 93. totamque simul rei gesta Historiam candide & sincerè inserui. Ut mirum sit, Cl. Hugenium prioritatem temporis Heuratio jam tribuere, si ad ika satis attenderit qua tum scripsi; Idq; hoc solo prætextu, quod non apud exteris gentes (nam apud nostros res percrebuit) statim exclamaverit ēvpxa.

Interea temporis, Cl. Wrennum nostrum, Anno 1658, Cycloidis Curva (eiusque partibus) aqualem invenisse Rectam, res erat jam tum nota, non in Angliâ tantum sed & in Galliâ Belgique; ipsique speciatim D. Hugenio (ut ex suis ad me literis constat) ignorato adhuc Heuratii invento; eumque omnium primum id invenisse, in confessu est. Atqui ne ipse quidem Wrennus prætendit se primum omnium invenisse Rectam Curva aqualem: Noverat utique, nec dissimulat, id invenisse Neliū anno precedente. (Nec quidem ignorare poterat; nam, hac occasione, ipse, inter alios, tum statim, pōst Neliū, id ipsum demonstraverat:) Hanc tantum fibi prærogativam faciens; quod ipse Curvam Oblatam Rectificaverit; Neliū autem Curvam potius quæsivit Rectificationis capacem, (de Paraboloidum quidem familiâ, sed quam nemo, quod sciam, Nelio prior speciatim consideraverat.) Wrennii verba hec sunt, (ad calcem sua de Cycloide demonstrationis, quam ab ipso acceptam subjunxi meo de Cycloide Tractatui, pag. 80. seu rectius 73. nam paginarum ibidem numerus perperam notatur;) Quod de nullâ Curvâ hactenus notâ (ne quidem asumptâ Circuli quadraturâ) prius demonstratum sicut quā ego hæc de Cycloide primariâ amicis communicaveram; nisi quod Illustris Juvenis Gulielmus Neliū, curvam quandam ita construendam, ut sit Euthysmi capax, summi cum laude invenerat. Que certè Wrennus non dicturus esset, si Euthysmus ille Neliū non fuisset suo prior: quotamen posteriorem esse Heuratianum in confessu est.

Eandem autem Neliī curvam esse atque Heuratii, non ambigitur. Eam verò Paraboloidem esse, non magis dixit Heuratius in demonstratione s: a, quam in sua; Neliū sed neque ex earum numero esse quarum puncta quælibet Geometricè definiuntur, quod in Nelianā desiderat Hugenius; (ut neque hic Heuratii partes sint quām Neliī potiores:) quanquam ex utriusvis demonstratione id facile elicetur, (ut nec hic nec ille propterea censendus sit id ignorasse,) ut & ex illa Honoratissimi Brounckeri: (ut de mea nihil dicam; qua nominatim dicitur, & demonstratur esse, Paraboloides Semicubicalis:) Et quidem res erat tam manifesta, ut nemo nostrum (quod sciam) de illo quicquam dubitaverit.

Et quidem demonstratio Neliī, prent eam ille primò publicavit, prolixior fuit & fusius explicata; sed Wrennii confilio, in breviorem formam statim contracta, (quam, mihi petenti missam, edidi,) rescissis omnibus quaè non erant ad Euthysmi demonstrationem præcisè necessaria; (ut non mirum sit, ibidem non omnia comparere, quaè alias de natura curvæ dici potuissent, utpote ad præsens negotium non spectantia.) Quod postquam à Wrennio rescriveram, cuperbam quidem, ut & fusiorē illam formulam conspicerem; sed, cùm, ut à

Nelio mihi mitteretur, literis petebam, pro responso nuncium accepi, obiisse Neliū: unde factum est, ut illam non viderim.

Sed perinde est; nam & eodem sensu, (vix demonstrationis quod spectat,) & eodem quasi tempore comparuit utraque; nescio an pancorum dierum intervalo; certe non tanto, ut alicujus sit momenti, Heuratium quod spectat. Et quidem, contractior illa formula, omnia habet ad demonstrationem necessaria; ipso quidem Hugenio profitente (literis suis ad me datis 15 Julii 1660) his verbis: Fermatii libellum novum simul ad me misit Carcavius, de Curvarum linearum cum rectis comparatione; in quo præcipue agitur de Paraboloidē illa, quam jam ante apud nos Heuratus, apud vos Gu. Neliū rectæ lineæ adæquavit. Post quod non speraveram, ab Hugenio dictum iri (quod jam video) non multum quidem ab invento illo Neliū absuisse, neque tamen id planè assicutum esse. Atque ego Geometrarum omnium (qui vel D. Brounkeri, vel Neliī demonstrationem à me editam conspexerint) fidem testor, Annon fuerit rem demonstrati suscepit plane assecutus. Sed & Honoratissimum D. Brounkerum testor, annon sua fuerit, atque ejusdem temporis, quam suo nomine Demonstrationem ediderem; Et Cl. Wrennum, (qui & ipse Neliō superstes est,) annon prolixior Neliī demonstratio, fuerit (ejus consilio) in eam formam redacta, atque tum temporis, quam ego edidi.

Andiebam porro, sub idem tempus, idem ab aliis Londini fuisse demonstratum: Sed postquam demonstrationem unam atque alteram vidisse, fueritque (nemine reclamante) pro demonstrato habitum, non eram solicitus plures conquirendi. Atque cum Cl. Schoteniū librum ab ipso tum nuper editum (cui Heuratianum hoc inventum subjunxit) mihi (pro humanitate sua) dono mississet, memini, me proximis ad eum literis significasse, Inventum hoc Heuratii id ipsum esse, quod ante duos annos invenerat Neliū; quodque ex eo tempore apud nostros pervulgatum fuit, & à variis demonstratum: quod ipse (si extant) testabuntur literæ Novemb. 26. 1659, data. Idemque in suis, eodem ipso die ad me scriptis, habet Honoratissimus D. Brounkerus, his verbis, And indeed Heuraets invention is perfectly equipollent to Mr. Neil's, and for ought I know, he might have it from thence. Et quidem abunde testimoniū posset (dum temporum momenta erant in recenti memoria,) si ulla foret suspicio, post tot tandem annos, litem de hoc negotio motum iri.

Et quidem quod ad reliquias istius Curva proprietates spectat, ejusque genuinam naturam, (quas Heuratius non magis quam Neliū tradidit, sed disertis verbis declinat;) saltē Fermatius (ut ut Vir magnus) non modo non tradidisse sed neque tum perspexisse censendus erit. Quippe ille (quod certe non foret facturus, si satis intellexisset curva illius naturam,) varia se invenisse Curvarum genera gloriatur; quae non sunt nisi eadem ipsissima Paraboloides, sumptis tantum pro vertice punctis ejusdem curva aliis atque aliis. Quod in meis ad D. Kenelmum Digby literis Parisios datis 24 Aug. 1660 (biduo postquam libellum illum, à D. Digbæo ad me missum, primum inspiceram,) demonstravi: Idemque in meis ad D. Hugenium, ejusdem mensis die 31 datis, indicavi. Sed metuo ne nimius videar in re perspicua.

Nolim autem ut hac malo animo dicta putes, sive in Heuratium (qui mihi neque beneficio neque injuria nos us est,) sive in Cl. Hugenium, quem magni semper habui, atque habiturus sum, & amicissime semper tractavi ; ejusq; atq; inventorum suorum non iniquus fuerim estimator ; nendum in Fermatium, summum virum : sed ut nuda veritati testimonium perhiberem, Nelioque jam de mortuo ; isque ex nostris omnibus, qui, jamdiu ante Heuratium, id ipsum demonstraverant ; atque, ne male fidei habear, in ea quam hac de re narrationem prius edidi. Vale.

Two other Letters to the same purpose with the former : The first of the Right Honourable the Lord Viscount Brouncker, Chancellor to her Majesty, and President of the R. Society, &c.

SIR,

IT is very sure, that Mr. William Neil had in the year 1657. found out and demonstrated a Streight line equal to a Paraboloid; and did then communicate and publish the same (though not in print) to my self and others, who used to meet at Gresham Colledge, and it was there received with good approbation; and the same was, presently afterwards, otherwise demonstrated by my self and others : And therefore ancienter than that of Monsieur Heurat, which (as it seems,) is not pretended to have been done before the year 1659; and ancienter too than that of Sr. Ch. Wren, finding a Streight line equal to a Cycloid in the year 1658; and by him admitted so to be. Nor ought it at all to prejudice Mr. Neil, that M. Heuraet's was somewhat sooner abroad in print, than that of M. Neil, (though both in the same year 1659;) since it is well known to many of us, that Mr. Neil's was done before. Otherwise M. Hugens, by the same reason, will grant the precedency to Heuraet, of that which he now claims to be his own invention (that Rectifying the Parabolical Line and Squaring the Hyperbolical Space do mutually depend on each other :) for this was published in print by M. Heuraet (or M. Schooten for him) in the year 1659, and not by M. Hugens till now, 1673 : And yet M. Hugens thinks, he may well claim that invention to be his own, because he now tells us, that he found it out about the end of the year 1657, and did (some time after) communicate it privately to some friends. And whereas, he doth suppose, that this invention of his might give occasion to that other of Heuraet; we may also as well suppose, that he might have taken such occasion from hearing of Mr. Neil having done the like, (for this had been then commonly known for a great while :) Or might have taken occasion (as well as Mr. Neil) from that of Dr. Wallis Schol. prop. 38. Arith. Infin. or from that of Sr. Ch. Wren having found a Streight equal to another Curve the year before : Or, if it were necessary to know their symbolization between the Parabolical Line and the Hyperbolical Space; he might have had it earlier from Dr. Wallis. For, when he had demonstrated (Schol. prop. 38. Ar. Infin.) that the Particles which compose the